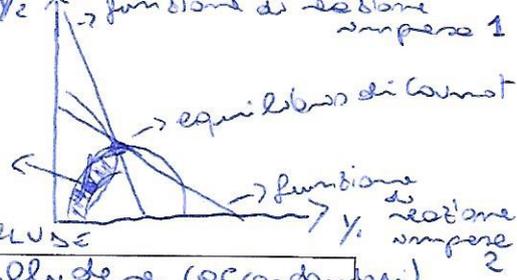


soluzioni
rispetto
a Cournot, area
nella quale
collusione



1a. Si indichino quali sono i possibili esiti della collusione in oligopolio.

- Due dipendenti possono decidere di colludere (accordarsi)
- per avere profitti più alti. Se, ad esempio, si trovano in
- equilibrio di Cournot, possono decidere di produrre (collettivamente)
- meno quantità ed un prezzo più elevato. Ma la collusione
- non è un equilibrio stabile. Infatti un'impresa, se si
- aspetta che l'altra rispetti l'accordo, trova vantaggioso
- non rispettarlo e produrre la quantità superiore.

1b. In un mercato con funzione inversa di domanda pari a $p=15-Y$ operano unicamente due imprese. La prima impresa ha costi marginali costanti $MC_1=3$ e la seconda $MC_2=2$. Se le imprese scelgono la quantità da produrre simultaneamente, quali quantità producono in equilibrio di Cournot?

- a) Le quantità prodotte (y_1, y_2) sono $(12/3, 12/3)$
- ~~b)~~ Le quantità prodotte (y_1, y_2) sono $(11/3, 14/3)$
- c) Le quantità prodotte (y_1, y_2) sono $(15/3, 12/3)$
- d) Le quantità prodotte (y_1, y_2) sono $(12/3, 14/3)$
- e) nessuna delle altre risposte indicate è corretta

$$y_1 = \frac{a-c_1}{2b} - \frac{1}{2}y_2 \quad y_2 = \frac{a-c_2}{2b} - \frac{1}{2}y_1$$

$$y_1 = \frac{15-3}{2} - \frac{1}{2}\left(\frac{15-2}{2} - \frac{1}{2}y_1\right)$$

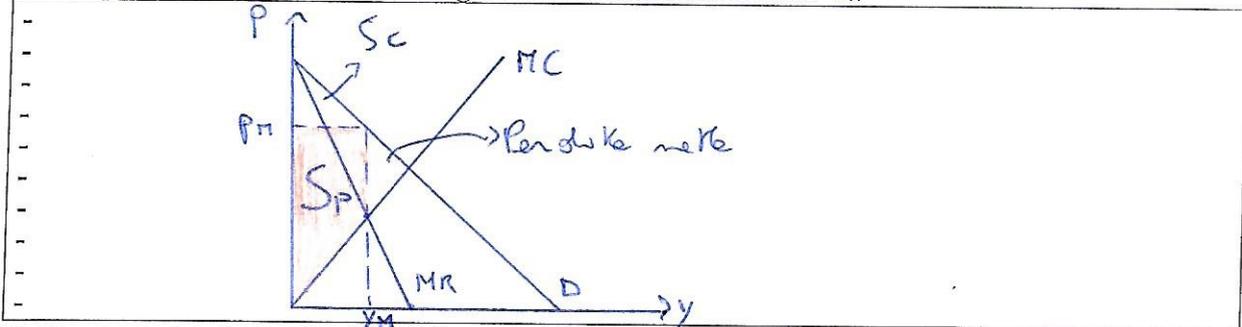
$$y_2 = \frac{14}{3}$$

Dove $a=15$
 $b=1$
 $c_1=3$
 $c_2=2$

$$y_1 = 6 - \frac{13}{4} + \frac{1}{4}y_1$$

$$\frac{3}{4}y_1 = \frac{11}{4} \rightarrow y_1 = \frac{11}{3}$$

2a. Si rappresenti graficamente il surplus del produttore nel caso di un monopolio con curva di domanda lineare decrescente $p=a-bY$ e costi marginali lineari CRESCENTI $MC=cY$



2b. Un monopolista ha una funzione di domanda del suo prodotto $Y = 60 - (1/2)p$ e una funzione del costo totale $C(Y) = 2Y^2$. Una volta individuata la quantità ottimale da produrre in monopolio, si indichi di quanto il prezzo di monopolio è maggiore del prezzo che si realizzerebbe in concorrenza (con struttura dei costi inalterata).

- a) In monopolio il prezzo è maggiore di 4 euro rispetto alla concorrenza
- b) In monopolio il prezzo è maggiore di 6 euro rispetto alla concorrenza
- c) In monopolio il prezzo è maggiore di 8 euro rispetto alla concorrenza
- ~~d)~~ In monopolio il prezzo è maggiore di 10 euro rispetto alla concorrenza
- e) nessuna delle altre risposte indicate

$y_M = ?$
 $\Delta p = ?$

DOMANDA INVERSA: $p = 120 - 2Y$

MR = CM $120 - 4Y = 4Y$

CM = 4Y $y_M = 15$

RT = $120Y - 2Y^2$

RM = $120 - 4Y$ $p_M = 120 - 30 = 90$

$p = \pi C$ in concorrenza

$120 - 2Y = 4Y$

$y_C = 20$

$p_C = 80$

$\Delta p = p_M - p_C = 90 - 80 = 10$

3a. Si spieghi cosa si intende per *rendita* di un fattore produttivo, usando la definizione data nel testo di Varian.

- la *rendita* di un fattore produttivo è definita come il profitto che si ottiene dall'utilizzo di quel fattore e corrisponde al suo valore di mercato.
 - l'esempio classico è quello di un contadino che coltiva la terra per un anno e gli rende π euro. Se il contadino, invece di coltivare la terra, la affittasse al contadino, avrebbe per π euro, ovvero la *rendita*.

$$\text{rendita} = p \cdot y - c_v(\cdot)$$

3b. La funzione di produzione di una certa impresa è $y = f(x_1, x_2) = x_1^{2/3} x_2^{1/3}$. Se il costo unitario del primo fattore è 2 e quello del secondo è 1, qual è il *costo minimo totale* per produrre 40 unità di prodotto y ?

- a) Non è possibile calcolarlo senza sapere il prezzo di vendita del prodotto
- b) 60
- c) 80
- d) 120
- e) nessuna delle altre risposte indicate è corretta

$$w_1 = 2 \\ w_2 = 1$$

$$\begin{cases} \text{TRS} = \frac{w_1}{w_2} \\ 40 = x_1^{2/3} x_2^{1/3} \end{cases} \quad \text{TRS} = \frac{\frac{2}{3} x_1^{-1/3} x_2^{1/3}}{\frac{1}{3} x_1^{2/3} x_2^{-2/3}} = 2 \frac{x_2}{x_1}$$

$$2 \frac{x_2}{x_1} = 2 \rightarrow \begin{cases} x_2 = x_1 \\ 40 = x_1^{2/3} \cdot x_1^{1/3} \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x_2 = 40 \\ x_1 = 40 \end{cases}$$

$$C = w_1 x_1 + w_2 x_2 = 2 \cdot 40 + 40 = 120$$

4a. Cosa si intende per *tassa di Pigou*?

- Se nel sistema economico, un'impresa produce un'externalità negativa per abbassare i suoi costi di produzione ($\frac{\partial C_i(y)}{\partial E} < 0$), queste può essere tassata. La *tassa di Pigou* $MC(E^*) = t$ permette di produrre la quantità socialmente ottimale di externalità. (quantità Pareto-efficiente)

4b. L'impresa 1 ha funzione di costo totale $C_1(y_1, E) = y_1^2 - (2E - \frac{1}{2} E^2)$, dove E è il livello delle sue emissioni inquinanti. Le emissioni dell'impresa 1 aggravano i costi dell'impresa 2, senza che l'impresa 2 possa controllare il livello di E . L'impresa 2 ha funzione di costo totale $C_2(y_2, E) = y_2^2 + (1/4) E^2$.

Individuare il livello *Pareto-efficiente* di E .

- a) 1
- b) 3/2
- c) 4/3
- d) 2
- e) nessuna delle altre risposte indicate è corretta

$$MC_1(E^*) + MC_2(E^*) = 0$$

$$-2 + E + \frac{1}{2} E = 0$$

$$\frac{3}{2} E = 2$$

$$E^* = \frac{4}{3}$$