

COMPITI DI MATEMATICA GENERALE AA. 2010/11

Prova Intermedia Anno 2010-Compito A

- 1) Data la funzione $f(x) = \begin{cases} \left(\frac{1}{2}\right)^x + 1 & : x < 0 \\ mx + q & : 0 \leq x \leq 3 \\ \log_3 x - 1 & : 3 < x \end{cases}$, determinare il valore dei

parametri m e q in modo tale che la funzione risulti continua su tutta la retta reale, e se ne disegni poi il grafico.

- 2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{(1+x)^2} - 1}{\sin x}; \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^3 - 3x + 1}{2x^2 + 5 + x^4}.$$

- 3) Date le funzioni $f(x) = \frac{x+1}{x+2}$ e $g(x) = \log_3 x$, determinare l'espressione delle funzioni composte $f(g(x))$ e $g(f(x))$, e di queste determinare poi l'espressione dell'inversa.

- 4) Determinare il campo d'esistenza della funzione $f(x) = \sqrt{3 - \log_2(x-1)} - \sqrt{x-2}$, determinando poi i suoi punti di frontiera.

- 5) Date le quattro generiche proposizioni $\mathbb{A}$, $\mathbb{B}$, $\mathbb{C}$ e $\mathbb{D}$, determinare i casi di verità e di falsità della proposizione $(\mathbb{A} \Rightarrow \text{non } \mathbb{B})$ e $(\text{non } \mathbb{C} \Leftrightarrow \mathbb{D})$ sapendo che la proposizione $(\mathbb{B} \Leftrightarrow \mathbb{A})$ risulta vera.

- 6) Disegnare un possibile grafico per una funzione che soddisfi entrambe le seguenti definizioni di limite:

a) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta(\varepsilon) : |x - 1| < \delta(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - 2| < \varepsilon;$

b) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : x < \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) > \varepsilon.$

- 7) Data la funzione $f(x) = \frac{x^2 + 1}{x}$ se ne determinino gli eventuali asintoti al grafico nonché la specie dei suoi punti di discontinuità.

Prova Intermedia Anno 2010-Compito B

- 1) Data la funzione $f(x) = \begin{cases} 2^x + 2 & : x < 0 \\ mx + q & : 0 \leq x \leq 2 \\ x^2 - 4 & : 2 < x \end{cases}$, determinare il valore dei parametri m

e q in modo tale che la funzione risulti continua su tutta la retta reale, e se ne disegni poi il grafico.

- 2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \sin x)}{\arctg x}; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^3 + 3x^2 - 3x}{x^2 + 2x}.$$

- 3) Date le funzioni $f(x) = 2^x$ e $g(x) = \frac{x-3}{x+1}$, determinare l'espressione delle funzioni composte $f(g(x))$ e $g(f(x))$, e di queste determinare poi l'espressione dell'inversa.

- 4) Determinare il campo d'esistenza della funzione $f(x) = \frac{\log(10-x)}{2 - \log_3(x+1)}$, determinando

poi i suoi punti di frontiera.

- 5) Date le quattro generiche proposizioni $\mathbb{A}$, $\mathbb{B}$, $\mathbb{C}$ e $\mathbb{D}$, determinare i casi di verità e di falsità della proposizione $(\mathbb{B} \Leftrightarrow \text{non } \mathbb{C})$ o $(\text{non } \mathbb{D} \Rightarrow \mathbb{A})$ sapendo che la proposizione $(\mathbb{C} \Leftrightarrow \mathbb{D})$ risulta vera.

6) Disegnare un possibile grafico per un funzione che soddisfi entrambe le seguenti definizioni di limite:

a) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta(\varepsilon) : |x| < \delta(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) + 1| < \varepsilon$;

b) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : x > \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) > \varepsilon$.

7) Data la funzione $f(x) = \frac{x^2 + 1}{x^2 - 1}$ se ne determinino gli eventuali asintoti al grafico nonché la specie dei suoi punti di discontinuità.

Prova Intermedia Anno 2010-Compito $\mathbb{C}$

1) Data la funzione $f(x) = \begin{cases} 1 - x^2 & : x < -1 \\ mx + q & : -1 \leq x \leq 1 \\ \frac{1}{x} & : 1 < x \end{cases}$, determinare il valore dei parametri

m e q in modo tale che la funzione risulti continua su tutta la retta reale, e se ne disegni poi il grafico.

2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^{\arcsin x} - 1}{2^x - 1}; \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^3 - x + 7}{2x^2 + x - 1}.$$

3) Date le funzioni $f(x) = \log_2 x$ e $g(x) = \frac{x+3}{x-2}$, determinare l'espressione delle funzioni composte $f(g(x))$ e $g(f(x))$, e di queste determinare poi l'espressione dell'inversa.

4) Determinare il campo d'esistenza della funzione $f(x) = \log_2(1 - \log_3(3 - x))$, determinando poi i suoi punti di frontiera.

5) Date le quattro generiche proposizioni $\mathbb{A}$, $\mathbb{B}$, $\mathbb{C}$ e $\mathbb{D}$, determinare i casi di verità e di falsità della proposizione $(\mathbb{A} \text{ o non } \mathbb{D}) \Rightarrow (\mathbb{C} \Leftrightarrow \text{non } \mathbb{B})$ sapendo che la proposizione $(\mathbb{C} \Leftrightarrow \mathbb{A})$ risulta vera.

6) Disegnare un possibile grafico per un funzione che soddisfi entrambe le seguenti definizioni di limite:

a) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta(\varepsilon) : |x - 2| < \delta(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - 1| < \varepsilon$;

b) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : x < \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) < \varepsilon$.

7) Data la funzione $f(x) = \frac{x^2 + x + 1}{x - 1}$ se ne determinino gli eventuali asintoti al grafico nonché la specie dei suoi punti di discontinuità.

Prova Intermedia Anno 2010-Compito $\mathbb{D}$

1) Data la funzione $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x} & : x < -1 \\ mx + q & : -1 \leq x \leq 2 \\ \log_2 x + 2 & : 2 < x \end{cases}$, determinare il valore dei parametri

m e q in modo tale che la funzione risulti continua su tutta la retta reale, e se ne disegni poi il grafico.

2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 x}{1 - \cos x}; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^3 - x^2 + x}{x^4 - 3x}.$$

3) Date le funzioni $f(x) = \frac{x-1}{x-2}$ e $g(x) = 3^x$, determinare l'espressione delle funzioni composte $f(g(x))$ e $g(f(x))$, e di queste determinare poi l'espressione dell'inversa.

- 4) Determinare il campo d'esistenza della funzione $f(x) = \sqrt{\frac{1 - \log_3(1-x)}{x^2}}$, determinando poi i suoi punti di frontiera.
- 5) Date le quattro generiche proposizioni $\mathbb{A}$, $\mathbb{B}$, $\mathbb{C}$ e $\mathbb{D}$, determinare i casi di verità e di falsità della proposizione $(\text{non } \mathbb{B} \Rightarrow \text{non } \mathbb{D}) \Leftrightarrow (\text{non } \mathbb{A} \wedge \mathbb{C})$ sapendo che la proposizione $(\mathbb{B} \Leftrightarrow \mathbb{D})$ risulta vera.
- 6) Disegnare un possibile grafico per un funzione che soddisfi entrambe le seguenti definizioni di limite:
- a) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta(\varepsilon) : |x+1| < \delta(\varepsilon) \Rightarrow |f(x)| < \varepsilon$;
b) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : x > \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) < \varepsilon$.
- 7) Data la funzione $f(x) = \frac{x^2 + 2x + 1}{x^2}$ se ne determinino gli eventuali asintoti al grafico nonché la specie dei suoi punti di discontinuità.

Prova Intermedia Anno 2010-Compito E

- 1) Data la funzione $f(x) = \begin{cases} 3^{-x} + 2 & : x < 1 \\ \log_3(x+1) + k & : 1 \leq x \end{cases}$, determinare il valore del parametro k in modo tale che la funzione risulti continua su tutta la retta reale, e se ne disegni poi il grafico.
- 2) Determinare il valore dei seguenti limiti:
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arctg^2 x^3}{\log(1+x^5)}$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1+3x}{2+5x} \right)^x$.
- 3) Date le funzioni $f(x) = \log_2 x$, $g(x) = \frac{x+1}{x+2}$ e $h(x) = 3^x$, determinare l'espressione della funzione composta $f(g(h(x)))$ e di questa determinare poi l'espressione dell'inversa.
- 4) Determinare il campo d'esistenza della funzione $f(x) = \log(9 - 3^x) + \sqrt{4 - x^2}$, determinando poi se sia aperto o chiuso e i suoi punti di frontiera.
- 5) Costruire le tavole di appartenenza dell'insieme $(\mathbb{A} \cup \mathcal{C}(\mathbb{B})) \setminus (\mathbb{A} \cap \mathbb{C})$, sapendo che comunque il generico elemento $x \in \mathbb{A} \cup \mathbb{B}$.
- 6) Disegnare un possibile grafico per un funzione che soddisfi entrambe le seguenti definizioni di limite:
- a) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : 0 < |x-1| < \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) > \varepsilon$;
b) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta(\varepsilon) : x < \delta(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) + 1| < \varepsilon$.
- 7) Determinare se e dove risulta:
a) $\sin x = o(x+1)$; b) $x^2 + 1 \sim x + 1$.

Prova Intermedia Anno 2010-Compito F

- 1) Data la funzione $f(x) = \begin{cases} 2^{x-1} & : x < 2 \\ \log_{\frac{1}{3}} x + k & : 2 \leq x \end{cases}$, determinare il valore del parametro k in modo tale che la funzione risulti continua su tutta la retta reale, e se ne disegni poi il grafico.
- 2) Determinare il valore dei seguenti limiti:
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(x^2 + x)}{x^2}$; $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{2x-1}{x+7} \right)^x$.
- 3) Date le funzioni $f(x) = 2^x$, $g(x) = \frac{x-1}{x+3}$ e $h(x) = \log_3 x$, determinare l'espressione della funzione composta $f(g(h(x)))$ e di questa determinare poi l'espressione dell'inversa.

- 4) Determinare il campo d'esistenza della funzione $f(x) = \sqrt{x^2 - 4} - \log(1 - 3^x)$, determinando poi se sia aperto o chiuso e i suoi punti di frontiera.
- 5) Costruire le tavole di appartenenza dell'insieme $(\mathcal{C}(\mathbb{A}) \cap \mathbb{B}) \setminus (\mathbb{B} \cup \mathbb{C})$, sapendo che comunque il generico elemento $x \notin \mathbb{B} \cap \mathbb{C}$.
- 6) Disegnare un possibile grafico per un funzione che soddisfi entrambe le seguenti definizioni di limite:
- a) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : 0 < |x - 1| < \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) < \varepsilon$;
 b) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta(\varepsilon) : x > \delta(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) + 1| < \varepsilon$.
- 7) Determinare se e dove risulta:
- a) $\cos x = o(x - 1)$; b) $x - 2 \sim 3x + 1$.

Prova Intermedia Anno 2010-Compito G

- 1) Data la funzione $f(x) = \begin{cases} 2^{-x} + 1 & : x < -1 \\ \log_2(x + 4) + k & : -1 \leq x \end{cases}$, determinare il valore del parametro k in modo tale che la funzione risulti continua su tutta la retta reale, e se ne disegni poi il grafico.
- 2) Determinare il valore dei seguenti limiti:
- $$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+1} - \sqrt[3]{x+1}}{x}; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{3x+5}{4x-5} \right)^x.$$
- 3) Date le funzioni $f(x) = \log_3 x$, $g(x) = \frac{x-3}{x+2}$ e $h(x) = 2^x$, determinare l'espressione della funzione composta $f(g(h(x)))$ e di questa determinare poi l'espressione dell'inversa.
- 4) Determinare il campo d'esistenza della funzione $f(x) = \sqrt{9 - x^2} + \log(3^x - 3)$, determinando poi se sia aperto o chiuso e i suoi punti di frontiera.
- 5) Costruire le tavole di appartenenza dell'insieme $(\mathbb{B} \cup \mathcal{C}(\mathbb{A})) \setminus (\mathbb{B} \cap \mathbb{C})$, sapendo che comunque il generico elemento $x \in \mathbb{A} \cup \mathbb{C}$.
- 6) Disegnare un possibile grafico per un funzione che soddisfi entrambe le seguenti definizioni di limite:
- a) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : 0 < |x + 1| < \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) > \varepsilon$;
 b) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta(\varepsilon) : x < \delta(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - 1| < \varepsilon$.
- 7) Determinare se e dove risulta:
- a) $\sin x = o(x + 2)$; b) $x^2 + 2 \sim x^2 + x + 2$.

Prova Intermedia Anno 2010-Compito H

- 1) Data la funzione $f(x) = \begin{cases} 3^{x+2} - 1 & : x < -1 \\ \log_{\frac{1}{2}}(x + 4) + k & : -1 \leq x \end{cases}$, determinare il valore del parametro k in modo tale che la funzione risulti continua su tutta la retta reale, e se ne disegni poi il grafico.
- 2) Determinare il valore dei seguenti limiti:
- $$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - \cos 2x}{x^2}; \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{1 + 3x}{2x - 3} \right)^x.$$
- 3) Date le funzioni $f(x) = 3^x$, $g(x) = \frac{x}{x-1}$ e $h(x) = \log_2 x$, determinare l'espressione della funzione composta $f(g(h(x)))$ e di questa determinare poi l'espressione dell'inversa.
- 4) Determinare il campo d'esistenza della funzione $f(x) = \log(4 - 2^x) - \sqrt{x^2 - 9}$, determinando poi se sia aperto o chiuso e i suoi punti di frontiera.

- 5) Costruire le tavole di appartenenza dell'insieme $(\mathcal{C}(\mathbb{C}) \cap \mathbb{B}) \setminus (\mathbb{A} \cup \mathbb{B})$, sapendo che comunque il generico elemento $x \notin \mathbb{A} \cap \mathbb{C}$.
- 6) Disegnare un possibile grafico per una funzione che soddisfi entrambe le seguenti definizioni di limite:
- a) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : 0 < |x + 1| < \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) < \varepsilon$;
 b) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta(\varepsilon) : x > \delta(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) - 1| < \varepsilon$.
- 7) Determinare se e dove risulta:
- a) $\cos x = o(x - 2)$; b) $x + 5 \sim 2x - 1$.

I Appello Sessione Invernale 2011 - Compito A

- 1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = \log^2 x + 2 \log x + 1$.
- 2) Determinare il valore dei seguenti limiti:
- $$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + x^4)}{(1 - \cos x)^2}; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3 - e^{-x} + \log(1 + x^2)}{2x - 3 \sin x + x^3}.$$
- 3) Disegnare un possibile grafico per una funzione che soddisfi le seguenti condizioni:
- a) ha per asintoto obliquo sulla sinistra la retta di equazione $y = x - 1$;
 b) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : 0 < |x + 1| < \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) > \varepsilon$;
 c) ha per asintoto orizzontale sulla destra la retta di equazione $y = -1$.
- 4) Date le funzioni $f(x) = \frac{1 - x}{x + 1}$ e $g(x) = 2^x$, determinare dove risulta invertibile, dominio e codominio nonché l'espressione dell'inversa della funzione composta $f(g(x))$.
- 5) Determinare tutte le primitive della funzione $f(x) = \frac{1}{1 + x^2} \sin(\operatorname{arctg} x)$.
- 6) Data $f(x, y) = (x + 1)(2x + 3y(y + 2))$, se ne determinino gli eventuali punti di massimo e/o minimo relativo.
- 7) Data $\mathbb{A} = \begin{vmatrix} k & 1 & 1 \\ 1 & k & 1 \\ 1 & 1 & k \end{vmatrix}$, $\mathbb{X} = \begin{vmatrix} 1 \\ 3 \\ -1 \end{vmatrix}$ e $\mathbb{Y} = \begin{vmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \end{vmatrix}$, determinare il valore del parametro k per il quale il vettore $\mathbb{A} \cdot \mathbb{X}$ risulta perpendicolare al vettore $\mathbb{Y}$.
- 8) Data $f(x) = \log(1 + x^2) - e^{2x}$, si determini l'espressione del polinomio di MacLaurin di III grado della funzione.
- 9) Determinare i punti di massimo e di minimo, sia assoluti che relativi, per la funzione $f(x) = x^5 - 5x^4 + 2$ nell'intervallo $[0, 5]$.
- 10) Determinare quando risulta falsa la proposizione $(\mathbb{A} \Rightarrow \mathbb{B}) \wedge (\mathbb{C} \Rightarrow \mathbb{B})$ nell'ipotesi che la proposizione $(\mathbb{A} \Rightarrow \mathbb{C})$ risulti vera.

I Appello Sessione Invernale 2011 - Compito B

- 1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = \log^2 x - \log x - 2$.
- 2) Determinare il valore dei seguenti limiti:
- $$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + x^3)^2 - 1}{\sin^3 x}; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{4^x + x^4 - \cos x}{3x + x^3 + 2^{2x}}.$$
- 3) Disegnare un possibile grafico per una funzione che soddisfi le seguenti condizioni:
- a) ha per asintoto orizzontale sulla sinistra la retta di equazione $y = 0$;
 b) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : 0 < |x| < \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) < \varepsilon$;
 c) ha per asintoto obliquo sulla destra la retta di equazione $y = 1 - x$.

- 4) Date le funzioni $f(x) = \frac{1+x}{1-x}$ e $g(x) = 3^x$, determinare dove risulta invertibile, dominio e codominio nonché l'espressione dell'inversa della funzione composta $f(g(x))$.
- 5) Determinare tutte le primitive della funzione $f(x) = \frac{1}{x^2} \cos \frac{1}{x}$.
- 6) Data $f(x, y) = (1-y)(3x(x+2) - 2y)$, se ne determinino gli eventuali punti di massimo e/o minimo relativo.
- 7) Data $\mathbb{A} = \begin{vmatrix} 1 & 1 & k \\ 1 & k & 1 \\ k & 1 & 1 \end{vmatrix}$, $\mathbb{X} = \begin{vmatrix} 1 \\ -1 \\ 3 \end{vmatrix}$ e $\mathbb{Y} = \begin{vmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{vmatrix}$, determinare il valore del parametro k per il quale il vettore $\mathbb{A} \cdot \mathbb{X}$ risulta perpendicolare al vettore $\mathbb{Y}$.
- 8) Data $f(x) = \log(1-x) - e^{-x}$, si determini l'espressione del polinomio di MacLaurin di III grado della funzione.
- 9) Determinare i punti di massimo e di minimo, sia assoluti che relativi, per la funzione $f(x) = 3x^4 - 4x^3 - 3$ nell'intervallo $[-1, 2]$.
- 10) Determinare quando risulta falsa la proposizione $(\mathbb{A} \Rightarrow \mathbb{C})$ e $(\mathbb{C} \Rightarrow \mathbb{B})$ nell'ipotesi che la proposizione $(\mathbb{A} \Rightarrow \mathbb{B})$ risulti vera.

I Appello Sessione Invernale 2011 - Compito C

- 1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = \log^2 x - 2 \log x + 1$.
- 2) Determinare il valore dei seguenti limiti:
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^4 x}{(1 - \cos x)^2}$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3 - e^x + \log(1+x)}{2^x + \sin x + x^4}$.
- 3) Disegnare un possibile grafico per una funzione che soddisfi le seguenti condizioni:
 a) ha per asintoto obliquo sulla sinistra la retta di equazione $y = 2 - x$;
 b) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : 0 < |x - 1| < \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) < \varepsilon$;
 c) ha per asintoto orizzontale sulla destra la retta di equazione $y = 1$.
- 4) Date le funzioni $f(x) = \frac{2+x}{x-1}$ e $g(x) = 2^x$, determinare dove risulta invertibile, dominio e codominio nonché l'espressione dell'inversa della funzione composta $f(g(x))$.
- 5) Determinare tutte le primitive della funzione $f(x) = e^{-x} \cos e^{-x}$.
- 6) Data $f(x, y) = x(3y(y-2) + 2(x-1))$, se ne determinino gli eventuali punti di massimo e/o minimo relativo.
- 7) Data $\mathbb{A} = \begin{vmatrix} 1 & 1 & k \\ k & 1 & 1 \\ 1 & k & 1 \end{vmatrix}$, $\mathbb{X} = \begin{vmatrix} -1 \\ 3 \\ 1 \end{vmatrix}$ e $\mathbb{Y} = \begin{vmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{vmatrix}$, determinare il valore del parametro k per il quale il vettore $\mathbb{A} \cdot \mathbb{X}$ risulta perpendicolare al vettore $\mathbb{Y}$.
- 8) Data $f(x) = \log(1+2x) - e^{3x}$, si determini l'espressione del polinomio di MacLaurin di III grado della funzione.
- 9) Determinare i punti di massimo e di minimo, sia assoluti che relativi, per la funzione $f(x) = 4x^5 + 5x^4 + 3$ nell'intervallo $[-2, 2]$.
- 10) Determinare quando risulta falsa la proposizione $(\mathbb{C} \Rightarrow \mathbb{A})$ e $(\mathbb{B} \Rightarrow \mathbb{C})$ nell'ipotesi che la proposizione $(\mathbb{A} \circ \mathbb{B})$ risulti vera.

I Appello Sessione Invernale 2011 - Compito D

- 1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = \log^2 x + \log x - 2$.

2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \sin x)^2 - 1}{\operatorname{tg} x}; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x - x^3 + \cos x}{3x - x^4 + \sin^2 x}.$$

3) Disegnare un possibile grafico per una funzione che soddisfi le seguenti condizioni:

a) ha per asintoto orizzontale sulla sinistra la retta di equazione $y = -1$;

b) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : 0 < |x + 2| < \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) > \varepsilon$;

c) ha per asintoto obliquo sulla destra la retta di equazione $y = x - 2$.

4) Date le funzioni $f(x) = \frac{x+1}{x-2}$ e $g(x) = 3^x$, determinare dove risulta invertibile, dominio e codominio nonché l'espressione dell'inversa della funzione composta $f(g(x))$.

5) Determinare tutte le primitive della funzione $f(x) = \frac{1}{x} \sin \log x$.

6) Data $f(x, y) = (y - 1)(3x(x + 2) + 2(y - 2))$, se ne determinino gli eventuali punti di massimo e/o minimo relativo.

7) Data $\mathbb{A} = \begin{vmatrix} k & 1 & 1 \\ 1 & 1 & k \\ 1 & k & 1 \end{vmatrix}$, $\mathbb{X} = \begin{vmatrix} 3 \\ 1 \\ -1 \end{vmatrix}$ e $\mathbb{Y} = \begin{vmatrix} -1 \\ 1 \\ -1 \end{vmatrix}$, determinare il valore del para-

metro k per il quale il vettore $\mathbb{A} \cdot \mathbb{X}$ risulta perpendicolare al vettore $\mathbb{Y}$.

8) Data $f(x) = 2e^{-x} - \log(1 - x)$, si determini l'espressione del polinomio di MacLaurin di III grado della funzione.

9) Determinare i punti di massimo e di minimo, sia assoluti che relativi, per la funzione $f(x) = x^4 + 4x^3 + 2$ nell'intervallo $[-4, 1]$.

10) Determinare quando risulta falsa la proposizione $(\mathbb{B} \Rightarrow \mathbb{A}) \vee (\mathbb{C} \Rightarrow \mathbb{B})$ nell'ipotesi che la proposizione $(\mathbb{A} \circ \mathbb{C})$ risulti vera.

II Appello Sessione Invernale 2011 - Compito A

1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = e^{2x} - e^x - 6$.

2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \sin x)}{(1 + \sin x)^3 - 1}; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1 + 3x}{1 + 2x} \right)^{1-x}.$$

3) Disegnare un possibile grafico per una funzione che soddisfi le seguenti condizioni:

a) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta(\varepsilon) : x < \delta(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) + 1| < \varepsilon$;

b) presenta un punto di discontinuità di II specie in $x = 0$;

c) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : x > \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) < \varepsilon$.

4) Verificare se e dove la retta tangente al grafico della funzione $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2$ risulta perpendicolare alla retta di equazione $y = 2x - 1$.

5) Data $f(x) = (3 - e^x)^3$, si determini in quali intervalli la funzione risulta convessa ed i suoi punti di flesso.

6) Data $f(x) = x^3 \cdot 2^{x-1}$, si determini l'espressione del polinomio di Taylor di II grado di tale funzione nel punto $x = 1$.

7) Calcolare $\int_0^1 x e^{-x} - x^3 dx$.

8) Determinare i valori dei parametri m e k in modo che il vettore $(1, m, k)$ risulti parallelo al vettore $(2, 3, 4)$, e si determini quindi il suo modulo.

9) Dati tre insiemi $\mathbb{A}$, $\mathbb{B}$ e $\mathbb{C}$, sapendo per ipotesi che $\mathbb{C} \subset \mathbb{B}$ e che $\mathbb{A} \cap \mathbb{B} = \emptyset$, si costruiscano le tavole di appartenenza dell'insieme $(\mathbb{A} \cup \mathbb{B}) \setminus (\mathcal{C}(\mathbb{A}) \cap \mathbb{C})$, dove $\mathcal{C}(\cdot)$ indica il complementare.

10) Data $f(x, y, z) = x^{2y} - x^2y + z \cos(xz)$, calcolare il gradiente della funzione nel punto $(1, 1, 0)$.

II Appello Sessione Invernale 2011 - Compito B

1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = e^{2x} - e^x - 2$.

2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\sin x)}{\arctg(x^2)}; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1 + 2x}{1 + 3x} \right)^{x-1}.$$

3) Disegnare un possibile grafico per una funzione che soddisfi le seguenti condizioni:

a) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta(\varepsilon) : x > \delta(\varepsilon) \Rightarrow |f(x)| < \varepsilon$;

b) presenta un punto di discontinuità di I specie in $x = 1$;

c) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : x < \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) > \varepsilon$.

4) Verificare se e dove la retta tangente al grafico della funzione $f(x) = x + x^2 - 2x^3$ risulta perpendicolare alla retta di equazione $y = 1 - 3x$.

5) Data $f(x) = (e^x - 2)^3$, si determini in quali intervalli la funzione risulta convessa ed i suoi punti di flesso.

6) Data $f(x) = x^2 \cdot 3^{1-x}$, si determini l'espressione del polinomio di Taylor di II grado di tale funzione nel punto $x = 1$.

7) Calcolare $\int_0^\pi x - x \sin x \, dx$.

8) Determinare i valori dei parametri m e k in modo che il vettore $(m, 1, k)$ risulti parallelo al vettore $(3, 2, 4)$, e si determini quindi il suo modulo.

9) Dati tre insiemi A , B e C , sapendo per ipotesi che $B \subset A$ e che $A \cap C = \emptyset$, si costruiscano le tavole di appartenenza dell'insieme $(A \cup C) \setminus (C(C) \cap B)$, dove $C(..)$ indica il complementare.

10) Data $f(x, y, z) = xy^2z - y \sin(xy) + y^{-x}$, calcolare il gradiente della funzione nel punto $(0, 1, 1)$.

II Appello Sessione Invernale 2011 - Compito C

1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = e^x - 3e^{2x}$.

2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^{\sin^2 x} - 1}{1 - \cos x}; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{2 - 3x}{1 - x} \right)^x.$$

3) Disegnare un possibile grafico per una funzione che soddisfi le seguenti condizioni:

a) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta(\varepsilon) : x < \delta(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) + 1| < \varepsilon$;

b) presenta un punto di discontinuità di II specie in $x = 2$;

c) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : x > \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) < \varepsilon$.

4) Verificare se e dove la retta tangente al grafico della funzione $f(x) = x^3 + 2x^2 - 1$ risulta perpendicolare alla retta di equazione $y = -\frac{1}{2}x - 1$.

5) Data $f(x) = (e^x - 1)^5$, si determini in quali intervalli la funzione risulta convessa ed i suoi punti di flesso.

6) Data $f(x) = x^2 \cdot \log_3 x$, si determini l'espressione del polinomio di Taylor di II grado di tale funzione nel punto $x = 1$.

7) Calcolare $\int_1^e x \log x + x \, dx$.

- 8) Determinare i valori dei parametri m e k in modo che il vettore $(m, k, 1)$ risulti parallelo al vettore $(1, 3, 2)$, e si determini quindi il suo modulo.
- 9) Dati tre insiemi $\mathbb{A}$, $\mathbb{B}$ e $\mathbb{C}$, sapendo per ipotesi che $\mathbb{A} \subset \mathbb{C}$ e che $\mathbb{B} \cap \mathbb{C} = \emptyset$, si costruiscano le tavole di appartenenza dell'insieme $(\mathbb{B} \cup \mathbb{C}) \setminus (\mathcal{C}(\mathbb{B}) \cap \mathbb{A})$, dove $\mathcal{C}(\cdot)$ indica il complementare.
- 10) Data $f(x, y, z) = xz^2 + z \sin(xy) + y^{1-z}$, calcolare il gradiente della funzione nel punto $(0, 1, 1)$.

II Appello Sessione Invernale 2011 - Compito D

- 1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = e^x - 2e^{2x}$.
- 2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(x^2)}{1 - \cos^2 x}; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1 - 2x}{3 - 3x} \right)^{2-x}.$$
- 3) Disegnare un possibile grafico per una funzione che soddisfi le seguenti condizioni:
 a) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta(\varepsilon) : x > \delta(\varepsilon) \Rightarrow |f(x)| < \varepsilon$;
 b) presenta un punto di discontinuità di I specie in $x = -1$;
 c) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : x < \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) > \varepsilon$.
- 4) Verificare se e dove la retta tangente al grafico della funzione $f(x) = x^2 - x^3 + 1$ risulta perpendicolare alla retta di equazione $y = \frac{1}{3}x + 1$.
- 5) Data $f(x) = (e^x - 2)^4$, si determini in quali intervalli la funzione risulta convessa ed i suoi punti di flesso.
- 6) Data $f(x) = x^3 \cdot \log_2 x$, si determini l'espressione del polinomio di Taylor di II grado di tale funzione nel punto $x = 1$.
- 7) Calcolare $\int_0^\pi x + x \cos x \, dx$.
- 8) Determinare i valori dei parametri m e k in modo che il vettore $(k, 1, m)$ risulti parallelo al vettore $(2, 2, 1)$, e si determini quindi il suo modulo.
- 9) Dati tre insiemi $\mathbb{A}$, $\mathbb{B}$ e $\mathbb{C}$, sapendo per ipotesi che $\mathbb{C} \subset \mathbb{B}$ e che $\mathbb{B} \cap \mathbb{A} = \emptyset$, si costruiscano le tavole di appartenenza dell'insieme $(\mathbb{A} \cup \mathbb{C}) \setminus (\mathcal{C}(\mathbb{B}) \cap \mathbb{C})$, dove $\mathcal{C}(\cdot)$ indica il complementare.
- 10) Data $f(x, y, z) = xyz^3 + z^x - x \sin(xz)$, calcolare il gradiente della funzione nel punto $(0, 1, 1)$.

Appello Sessione Straordinaria I 2011

- 1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = x e^{x^2}$.
- 2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sin x - \cos x}{x}; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2 + 2x^3 + e^x - \sin x}{x^4 + \log x}.$$
- 3) Determinare l'espressione del Polinomio di MacLaurin di III grado per la funzione $f(x) = e^{3x} - e^{2x} + e^x$.
- 4) Date le matrici $\mathbb{A} = \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 3 \end{vmatrix}$ e $\mathbb{B} = \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{vmatrix}$ determinare se esiste una matrice $\mathbb{C}$ tale che $\mathbb{A} \cdot \mathbb{C} = \mathbb{B}$.
- 5) Calcolare $\int_0^1 \frac{x+3}{x+1} \, dx$.

6) Disegnare un possibile grafico per una funzione che soddisfi le seguenti condizioni:

a) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1$ e $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$;

b) ha in $x = 2$ un punto di discontinuità di I specie;

c) ha in $x = -1$ un punto di cuspidè.

7) Date le proposizioni:

$\mathbb{A}$: 24681 è un numero pari;

$\mathbb{B}$: un cerchio di diametro 4 ha area pari a 4π ;

$\mathbb{C}$: in un rettangolo, se la base è doppia dell'altezza ed il perimetro è 18, allora l'area del rettangolo è pari a 18;

dopo aver valutato verità o falsità di ciascuna proposizione, costruire la tavola (riga) di verità della proposizione $(\mathbb{A} \Rightarrow \mathbb{B}) \Leftrightarrow (\mathbb{C} \Rightarrow \mathbb{B})$.

8) Data $f(x, y) = xy^2 - x^2 + y$, determinare la natura dei suoi punti stazionari.

9) Data $f(x) = (x - k)e^x$, determinare se essa possa avere, al variare del parametro k , punti di massimo, relativo o assoluto, e determinare poi il valore del parametro k per il quale ha un punto di minimo in $x = -2$.

10) Determinare massimi e minimi, relativi e assoluti, per la funzione $f(x) = x^2 e^x$ nell'intervallo $[-2, 1]$.

I Appello Sessione Estiva 2011

1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = (x^2 - 1)e^x$.

2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5^x - 4^x}{\log(1+x)}; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1+13x}{1+12x} \right)^x.$$

3) Data la matrice $\mathbb{A} = \begin{vmatrix} 1 & \sqrt{6} \\ \sqrt{6} & 2 \end{vmatrix}$ si determini almeno un vettore $\mathbb{V}$ tale che

$$\mathbb{A} \cdot \mathbb{V} = -\mathbb{V}.$$

4) Calcolare $\int_0^1 x e^{x-1} dx$.

5) Data $f(x, y, z) = x^2 e^{y-x} + z^2 - \sin y$, si calcoli $\nabla f(0, 0, 0)$.

6) Data la funzione $f(x) = \begin{cases} e^{2x} & x \leq 0 \\ mx + q & x > 0 \end{cases}$, determinare i valori dei parametri m e k che rendono la funzione continua e derivabile $\forall x \in \mathbb{R}$.

7) Determinare gli eventuali punti di massimo e di minimo, relativo e assoluto, per la funzione $f(x) = x \log x$ nell'intervallo $[1, 2]$.

8) Date le funzioni $f(x) = mx^2 + kx$ e $g(x) = x^2$, si determini se esistono valori dei parametri m e k per i quali risulti $f(x) \sim g(x)$ oppure $f(x) = o(g(x))$ sempre per $x \rightarrow +\infty$.

9) Determinare le tavole di verità della proposizione $[(\mathbb{A} \Leftrightarrow \mathbb{B}) \vee (\mathbb{A} \Leftrightarrow \mathbb{C})] \Rightarrow (\mathbb{B} \Leftrightarrow \mathbb{C})$ nell'ipotesi che la proposizione $(\mathbb{B} \vee \mathbb{C})$ sia vera.

10) La funzione $f(x) = x^2 - 3x + 1$ ha, per un incremento pari a 0,5, un differenziale pari a 3. In quale punto è stato calcolato il differenziale?

II Appello Sessione Estiva 2011

1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = x^2 - \log x$.

2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 - \cos x - \cos^2 x}{x^2}; \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2^x - x^2 + 3^{-x}}{x^2}.$$

3) Date le funzioni $f(x) = x^3$ e $g(x) = 1 - e^x$, determinare l'espressione della funzione composta $f(g(x))$, dove questa risulta invertibile, suoi dominio e codominio nonché l'espressione della sua inversa.

4) Data $f(x) = x^3 - 3x^2 + kx + m$, sapendo che essa ha un punto di minimo relativo in $x = 4$ e che $f(4) = 1$, si determini il valore di k e di m .

5) Calcolare $\int_0^1 \frac{x^3 + x^2 + x + 1}{x + 1} dx$.

6) Verificare che i punti stazionari della funzione $f(x, y) = x^2y - xy$ non sono nè di massimo nè di minimo.

7) Dato il vettore $\mathbb{X} = (1, m, k)$, determinare i valori di m e di k per i quali tale vettore risulta perpendicolare al vettore $(1, -1, 2)$ e di modulo pari a $\sqrt{3}$.

8) Determinare l'equazione della retta tangente al grafico della funzione $f(x) = x \log^2 x$ nel punto $x = e$ e determinare poi il punto in cui tale retta tangente taglia l'asse delle ascisse.

9) Disegnare il grafico della funzione $f(x) = \begin{cases} e^x & : x < 0 \\ 1 & : 0 \leq x \leq 1 \\ x^3 - 1 & : 1 < x \end{cases}$, e determinare gli

eventuali punti in cui la funzione risulti discontinua oppure non derivabile.

10) Applicare alla funzione $f(x) = e^x$ il Teorema di Lagrange sulle funzioni derivabili nell'intervallo $[-1, 1]$, traendo poi le opportune conseguenze.

I Appello Sessione Autunnale 2011

1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = (1 + x^2)e^x$.

2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x - \log x + \sin^2 x}{x + \log^2 x + 1}; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \sin x)}{\log(1 + \tan x)}.$$

3) Data $f(x) = 1 + x^2$, determinare il punto x_1 nel quale la retta tangente al grafico della funzione risulta parallela alla retta $y = 3x - 2$ ed il punto x_2 nel quale la retta tangente al grafico della funzione risulta perpendicolare alla retta $y = 2x + 3$.

4) Verificare se le due proposizioni $(\mathbb{A} \Leftrightarrow \mathbb{B}) \Rightarrow \mathbb{C}$ e $\mathbb{A} \Leftrightarrow (\mathbb{B} \Rightarrow \mathbb{C})$ sono o no logicamente equivalenti.

5) Date le matrici $\mathbb{A} = \begin{vmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \end{vmatrix}$, $\mathbb{B} = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & -1 \\ 2 & 1 & 0 \end{vmatrix}$ ed il vettore $\mathbb{X} = \begin{vmatrix} 1 \\ k \\ 1 \end{vmatrix}$, de-

terminare se per qualche valore del parametro k il vettore $\mathbb{A} \cdot \mathbb{B} \cdot \mathbb{X}$ può essere parallelo al

vettore $\mathbb{Y} = \begin{vmatrix} 3 \\ 1 \\ 3 \end{vmatrix}$.

6) Calcolare $\int_1^e \frac{1 + \log x}{x} dx$.

7) Data $f(x, y) = x^2 e^{y-x} - y \log(x + y)$, calcolare $\nabla f(1, 1)$.

8) Data $f(x) = 2x^3 - 3x^2 + 1$, determinare il suo massimo ed il suo minimo assoluti nell'intervallo $[-1, 2]$.

9) Date $f(x) = e^x$ e $g(x) = 1 + x^2$, dire se e dove può risultare $f(x) \sim g(x)$ e se e dove può risultare $f(x) = o(g(x))$.

10) Disegnare un possibile grafico di una funzione che presenti:

- a) un asintoto orizzontale sulla sinistra;
- b) un asintoto obliquo sulla destra;
- c) un asintoto verticale in $x = 0$;
- d) un punto di discontinuità di I specie in $x = 2$.

II Appello Sessione Autunnale 2011

1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = (1+x) \log(1+x)$.

2) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+x)^2 - 1}{e^x - 1}; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1+x+x^2}{3x^2-x} \right)^x.$$

3) Determinare il valore del parametro k per cui risulta: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{\log(1+kx)} = 5$.

4) Calcolare $\int_0^1 \frac{e^x}{e^x + 1} dx$.

5) Verificare che la funzione $f(x, y) = xy^2 - 2xy + y$ non ammette punti di massimo o minimo relativo.

6) Date le funzioni $f(x) = 2^x$ e $g(x) = \log(1+x)$, determinare l'espressione della funzione composta $g(f(x))$, dove questa risulta invertibile, suoi dominio e codominio nonché l'espressione della sua inversa.

7) Data la matrice $A = \begin{vmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 2 & 0 & 2 \\ -1 & 2 & 0 \end{vmatrix}$ ed il vettore $X = \begin{vmatrix} k \\ 1 \\ k \end{vmatrix}$, determinare i valori del

parametro k per i quali il vettore $A \cdot X$ risulta rispettivamente perpendicolare al vettore

$$Y_1 = \begin{vmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{vmatrix} \text{ e parallelo al vettore } Y_2 = \begin{vmatrix} 4 \\ 8 \\ 2 \end{vmatrix}.$$

8) Dopo aver determinato le tavole di verità della proposizione $[(A \circ B) \Leftrightarrow B] \Rightarrow (A \wedge B)$, si determini se tale proposizione è vera o falsa nel caso che sia:

$A : \frac{\pi}{3}$ è un numero razionale;

$B : \sqrt{27}$ è un numero irrazionale.

9) Disegnare un possibile grafico di funzione che soddisfi alle seguenti due definizioni di limite:

a) $\forall \varepsilon \exists \delta(\varepsilon) : x < \delta(\varepsilon) \Rightarrow f(x) < \varepsilon$;

b) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta(\varepsilon) : x > \delta(\varepsilon) \Rightarrow |f(x) + 1| < \varepsilon$.

10) Trovare i primi quattro termini del polinomio di McLaurin della funzione $f(x) = x e^{x^2}$.

Appello Sessione Straordinaria II 2011

1) Determinare l'andamento del grafico della funzione $f(x) = x^3 - 3 \log x$.

2) Data la funzione $f(x) = x^3 - 3 \log x$ si determinino le equazioni della retta tangente e della parabola tangente al grafico di tale funzione nel punto $x = 1$.

3) Determinare il valore dei seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x e^x}{e^x - x}; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(\sin x)}{\sin(\operatorname{tg} x)}.$$

4) Data $f(x) = \frac{\log(1-x)}{\log x}$ se ne determini il campo d'esistenza nonchè la presenza di eventuali asintoti.

5) Determinare sotto quali condizioni risulta vero che $(\mathbb{A} \cup \mathbb{B}) \cap \mathbb{B} = \mathbb{A}$, dove $\mathbb{A}$ e $\mathbb{B}$ sono due generici insiemi.

6) Calcolare $\int_1^2 \frac{1}{x^2} - \frac{1}{x^3} dx$.

7) Data la funzione $f(x, y) = x^3 + y^2 - 3x + 2y$ se ne determinino gli eventuali punti di massimo o minimo relativo.

8) Date le matrici $\mathbb{A} = \begin{vmatrix} 1 & -1 & 1 & -1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$, $\mathbb{B} = \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 2 & -1 \\ 2 & 1 \\ 1 & -2 \end{vmatrix}$ ed il vettore $\mathbb{X} = \begin{vmatrix} x \\ y \end{vmatrix}$ si

determini se il vettore $\mathbb{A} \cdot \mathbb{B} \cdot \mathbb{X}$ può essere parallelo al vettore $(3, 4)$.

9) Date le funzioni $f(x) = 1 + x$ e $g(x) = e^x$, si determini l'espressione della funzione composta $f(g(f(x)))$, dove questa risulta invertibile, suoi dominio e codominio nonchè l'espressione della sua inversa.

10) Data $f(x) = e^{kx} - e^{-x}$ si determini se esistono valori del parametro k per i quali tale funzione ammette un punto di massimo o di minimo relativo in $x = 0$.