

Università degli Studi di Siena

Facoltà di Economia

Prova scritta di Matematica Generale (A.A. 11-12)

20 febbraio 2012

Compito A[✓]

- 1) (7 punti) Siano dati tre insiemi A , B e C . Sapendo che $C \subset (A \cap \mathcal{C}(B))$, possiamo concludere con certezza che $(A \cap C) \subset \mathcal{C}(B)$? (Giustificare la risposta - $\mathcal{C}(X)$ è il complementare dell'insieme X)
- 2) (7 punti) Sia $\mathcal{R}$ una relazione definita sull'insieme dei numeri reali $\mathbb{R}$ nel seguente modo: $x \mathcal{R} y \Leftrightarrow x \cdot y \geq 0$. Studiare le proprietà soddisfatte da $\mathcal{R}$.
- 3) (7 punti) Si consideri la funzione $f(x) = \begin{cases} e^{x^2} - 1 & \text{se } |x| \leq 1 \\ mx + q & \text{se } |x| > 1 \end{cases}$. Indicare, se esistono, valori dei parametri m e q che rendono la funzione continua in tutto l'insieme dei numeri reali.
- 4) (7 punti) Calcolare i seguenti limiti: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \sin x)}{1 - \cos x}$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x^2 + 1}{x^2} \right)^{2x}$.
- 5) (11 punti) Determinare l'andamento grafico della curva di equazione $y = \sqrt{x^2 - 4x}$.
- 6) (7 punti) Indicare le equazioni della retta tangente e della perpendicolare alla retta tangente della funzione $f(x) = 2^x \cdot \log x$ nel punto di ascissa $x_0 = 1$.
- 7) (7 punti) Calcolare $\int \frac{1}{\sqrt[3]{x^2 - 2x + 1}} dx$.
- 8) (7 punti) Indicare le derivate parziali della funzione $f(x, y, z) = 5^{xyz} \cdot \sqrt{\frac{z}{x}}$.

✓ Il compito è diviso in 8 esercizi che presentano valutazioni diverse, il massimo punteggio raggiungibile è pari a 60; gli studenti che ottengono in questa prova una votazione non inferiore a 24 sono ammessi alla prova orale.

Università degli Studi di Siena

Facoltà di Economia

Prova scritta di Matematica Generale (A.A. 11-12)

20 febbraio 2012

Compito $\mathbb{B}^{\checkmark}$

- 1) (7 punti) Siano dati tre insiemi A , B e C . Sapendo che $B \subset (C \cap \mathcal{C}(A))$, possiamo concludere con certezza che $(A \cap C) \subset \mathcal{C}(B)$? (Giustificare la risposta - $\mathcal{C}(X)$ è il complementare dell'insieme X)
- 2) (7 punti) Sia $\mathcal{R}$ una relazione definita sull'insieme dei numeri reali $\mathbb{R}$ nel seguente modo: $x \mathcal{R} y \Leftrightarrow x \cdot y \geq 1$. Studiare le proprietà soddisfatte da $\mathcal{R}$.
- 3) (7 punti) Si consideri la funzione $f(x) = \begin{cases} e^{x^3} - 1 & \text{se } |x| \leq 2 \\ mx + q & \text{se } |x| > 2 \end{cases}$. Indicare, se esistono, valori dei parametri m e q che rendono la funzione continua in tutto l'insieme dei numeri reali.
- 4) (7 punti) Calcolare i seguenti limiti: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(\cos x)}{\sin^2 x}$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x^2 + 2}{x^2} \right)^{x^2}$.
- 5) (11 punti) Determinare l'andamento grafico della curva di equazione $y = \sqrt{x^2 - 2x}$.
- 6) (7 punti) Indicare le equazioni della retta tangente e della perpendicolare alla retta tangente della funzione $f(x) = 4^x \cdot \log x$ nel punto di ascissa $x_0 = 1$.
- 7) (7 punti) Calcolare $\int \frac{1}{\sqrt[3]{x^2 - 4x + 4}} dx$.
- 8) (7 punti) Indicare le derivate parziali della funzione $f(x, y, z) = 5^{-xyz} \cdot \sqrt[3]{xy}$.

$\checkmark$ Il compito è diviso in 8 esercizi che presentano valutazioni diverse, il massimo punteggio raggiungibile è pari a 60; gli studenti che ottengono in questa prova una votazione non inferiore a 24 sono ammessi alla prova orale.

Università degli Studi di Siena

Facoltà di Economia

Prova scritta di Matematica Generale (A.A. 11-12)

20 febbraio 2012

Compito C[✓]

- 1) (7 punti) Siano dati tre insiemi A , B e C . Sapendo che $A \subset \mathcal{C}(B \cup C)$, possiamo concludere con certezza che $(B \cap C) \subset A$? (Giustificare la risposta - $\mathcal{C}(X)$ è il complementare dell'insieme X)
- 2) (7 punti) Sia $\mathcal{R}$ una relazione definita sull'insieme dei numeri reali $\mathbb{R}$ nel seguente modo: $x \mathcal{R} y \Leftrightarrow x \cdot y \geq -1$. Studiare le proprietà soddisfatte da $\mathcal{R}$.
- 3) (7 punti) Si consideri la funzione $f(x) = \begin{cases} 3^{1-x} & \text{se } |x| \leq 4 \\ mx + q & \text{se } |x| > 4 \end{cases}$. Indicare, se esistono, valori dei parametri m e q che rendono la funzione continua in tutto l'insieme dei numeri reali.
- 4) (7 punti) Calcolare i seguenti limiti: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \sin x)}{\sqrt{1 - \cos x}}$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x^2 - 1}{x^2} \right)^{x^3}$.
- 5) (11 punti) Determinare l'andamento grafico della curva di equazione $y = \sqrt{x^2 - x}$.
- 6) (7 punti) Indicare le equazioni della retta tangente e della perpendicolare alla retta tangente della funzione $f(x) = 6^x \cdot \log x$ nel punto di ascissa $x_0 = 1$.
- 7) (7 punti) Calcolare $\int \frac{1}{\sqrt[3]{x^2 + 6x + 9}} dx$.
- 8) (7 punti) Indicare le derivate parziali della funzione $f(x, y, z) = e^{xz} \cdot \sqrt{\frac{z}{xy^4}}$.

✓ Il compito è diviso in 8 esercizi che presentano valutazioni diverse, il massimo punteggio raggiungibile è pari a 60; gli studenti che ottengono in questa prova una votazione non inferiore a 24 sono ammessi alla prova orale.

Università degli Studi di Siena

Facoltà di Economia

Prova scritta di Matematica Generale (A.A. 11-12)

20 febbraio 2012

Compito $\mathbb{D}^\checkmark$

- 1) (7 punti) Siano dati tre insiemi A , B e C . Sapendo che $\mathcal{C}(B) \subset \mathcal{C}(A \cup C)$, possiamo concludere con certezza che $(A \cap C) \subset B$? (Giustificare la risposta - $\mathcal{C}(X)$ è il complementare dell'insieme X)
- 2) (7 punti) Sia $\mathcal{R}$ una relazione definita sull'insieme dei numeri reali $\mathbb{R}$ nel seguente modo: $x \mathcal{R} y \Leftrightarrow x \cdot y < 0$. Studiare le proprietà soddisfatte da $\mathcal{R}$.
- 3) (7 punti) Si consideri la funzione $f(x) = \begin{cases} mx + q & \text{se } |x| \leq 1 \\ e^{-x^2} + 1 & \text{se } |x| > 1 \end{cases}$. Indicare, se esistono, valori dei parametri m e q che rendono la funzione continua in tutto l'insieme dei numeri reali.
- 4) (7 punti) Calcolare i seguenti limiti: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 - \sin x^2)}{\sqrt{1 - \cos x^2}}$;
$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x^2 + 1}{x^2} \right)^{-x^3}.$$
- 5) (11 punti) Determinare l'andamento grafico della curva di equazione $y = \sqrt{x^2 + x}$.
- 6) (7 punti) Indicare le equazioni della retta tangente e della perpendicolare alla retta tangente della funzione $f(x) = 6^{-x} \cdot \log x$ nel punto di ascissa $x_0 = 1$.
- 7) (7 punti) Calcolare $\int \sqrt{x^3 + 9x^2 + 27x + 27} dx$.
- 8) (7 punti) Indicare le derivate parziali della funzione $f(x, y, z) = \frac{\sqrt[3]{2^{xz}}}{x^3 y^2}$.

$\checkmark$ Il compito è diviso in 8 esercizi che presentano valutazioni diverse, il massimo punteggio raggiungibile è pari a 60; gli studenti che ottengono in questa prova una votazione non inferiore a 24 sono ammessi alla prova orale.

Università degli Studi di Siena

Facoltà di Economia

Prova scritta di Matematica Generale (A.A. 11-12)

20 febbraio 2012

Compito $\mathbb{E}^\checkmark$

- 1) (7 punti) Siano dati tre insiemi A , B e C . Sapendo che $C \subset (A \cap \mathcal{C}(B))$, possiamo concludere con certezza che $(A \cap B) \subset \mathcal{C}(C)$? (Giustificare la risposta - $\mathcal{C}(X)$ è il complementare dell'insieme X)
- 2) (7 punti) Sia $\mathcal{R}$ una relazione definita sull'insieme dei numeri reali $\mathbb{R}$ nel seguente modo: $x \mathcal{R} y \Leftrightarrow x \cdot y < 1$. Studiare le proprietà soddisfatte da $\mathcal{R}$.
- 3) (7 punti) Si consideri la funzione $f(x) = \begin{cases} mx + q & \text{se } |x| \leq 2 \\ e^{-x^3} + 1 & \text{se } |x| > 2 \end{cases}$. Indicare, se esistono, valori dei parametri m e q che rendono la funzione continua in tutto l'insieme dei numeri reali.
- 4) (7 punti) Calcolare i seguenti limiti: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{x^2} - 1}{\log(\cos x - \sin x)}$;
 $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x^2 - 2}{x^2} \right)^{-x}$.
- 5) (11 punti) Determinare l'andamento grafico della curva di equazione $y = \sqrt{x^2 + 3x}$.
- 6) (7 punti) Indicare le equazioni della retta tangente e della perpendicolare alla retta tangente della funzione $f(x) = 4^{-x} \cdot \log x$ nel punto di ascissa $x_0 = 1$.
- 7) (7 punti) Calcolare $\int \sqrt{x^3 - 6x^2 + 12x - 8} \, dx$.
- 8) (7 punti) Indicare le derivate parziali della funzione $f(x, y, z) = \frac{\sqrt[4]{e^{xy^{10}z}}}{x^6}$.

$\checkmark$ Il compito è diviso in 8 esercizi che presentano valutazioni diverse, il massimo punteggio raggiungibile è pari a 60; gli studenti che ottengono in questa prova una votazione non inferiore a 24 sono ammessi alla prova orale.

Università degli Studi di Siena

Facoltà di Economia

Prova scritta di Matematica Generale (A.A. 11-12)

20 febbraio 2012

Compito $\mathbb{F}^\checkmark$

- 1) (7 punti) Siano dati tre insiemi A , B e C . Sapendo che $A \subset (B \cup C)$, possiamo concludere con certezza che $\mathcal{C}(A) \subset (\mathcal{C}(B) \cup \mathcal{C}(C))$? (Giustificare la risposta - $\mathcal{C}(X)$ è il complementare dell'insieme X)
- 2) (7 punti) Sia $\mathcal{R}$ una relazione definita sull'insieme dei numeri reali $\mathbb{R}$ nel seguente modo: $x \mathcal{R} y \Leftrightarrow x \cdot y < -1$. Studiare le proprietà soddisfatte da $\mathcal{R}$.
- 3) (7 punti) Si consideri la funzione $f(x) = \begin{cases} mx + q & \text{se } |x| \leq 1 \\ 3^{-1-x} & \text{se } |x| > 1 \end{cases}$. Indicare, se esistono, valori dei parametri m e q che rendono la funzione continua in tutto l'insieme dei numeri reali.
- 4) (7 punti) Calcolare i seguenti limiti: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{\log(1 - \sin x + \sin^2 x)}$;
 $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x^2 + 2}{x^2} \right)^{3x^2}$.
- 5) (11 punti) Determinare l'andamento grafico della curva di equazione $y = \sqrt{x^2 + 6x}$.
- 6) (7 punti) Indicare le equazioni della retta tangente e della perpendicolare alla retta tangente della funzione $f(x) = 2^{-x} \cdot \log x$ nel punto di ascissa $x_0 = 1$.
- 7) (7 punti) Calcolare $\int \sqrt{x^3 - 3x^2 + 3x - 1} \, dx$.
- 8) (7 punti) Indicare le derivate parziali della funzione $f(x, y, z) = \frac{e^{yz^{13}}}{\sqrt[3]{zx^5}}$.

$\checkmark$ Il compito è diviso in 8 esercizi che presentano valutazioni diverse, il massimo punteggio raggiungibile è pari a 60; gli studenti che ottengono in questa prova una votazione non inferiore a 24 sono ammessi alla prova orale.